

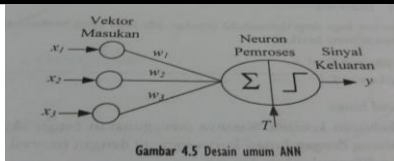
## Artificial Neural Network

ANN

## ANN

- Merupakan konsep rekayasa pengetahuan dalam bidang kecerdasan buatan yang di desain mengadopsi sistem saraf manusia dimana pemrosesan utama ada di otak.
- Model yang mengadopsi cara kerja neuron secara biologi dengan fokus pada cara kerja saraf otak manusia

## ANN



- Vektor masukan memiliki 3 nilai ( $x_1, x_2, x_3$ ) sebagai fitur yang akan diproses, masing-masing nilai masukan melewati jalur berbobot  $w$ , kemudian menghitung nilai gabungan  $\Sigma$  dan diproses oleh fungsi aktivasi  $F()$  untuk menghasilkan sinyal  $y$  sebagai output.
- Fungsi aktivasi  $F()$  menggunakan nilai threshold utk membatasi nilai keluaran agar selalu dlm batas nilai yg ditetapkan.

## ANN

- ANN membutuhkan proses pelatihan agar dpt melakukan prediksi kelas suatu data uji baru yang ditemukan.
- Proses pelatihan ANN menggunakan metode: Perceptron, Backpropagation, Self Organizing Mapping, Delta, Associative Memory, Learning Vector Quantization

## Fungsi Aktivasi

- ANN menggunakan fungsi aktivasi utk **membatasi keluaran Y** agar sesuai dengan batasan sinyal outputnya
1. Fungsi aktivasi Linear
  2. Fungsi aktivasi Step
  3. Fungsi aktivasi Sigmoid Biner
  4. Fungsi aktivasi Sigmoid Bipolar

## Fungsi aktivasi:

1. Fungsi aktivasi Linear  
utk output bertipe deskrit  
 $Y = \text{sign}(v) = v$   
 $v$  : nilai input
2. Fungsi aktivasi Step  
Bipolar  
 $y = \text{sign}(v) = \begin{cases} 1 & \text{jk } v \geq T \\ -1 & \text{jk } v < T \end{cases}$   
Biner  
 $y = \text{sign}(v) = \begin{cases} 1 & \text{jk } v \geq T \\ 0 & \text{jk } v < T \end{cases}$   
 $v$ : nilai gabungan dari semua vektor oleh adder

## Fungsi aktivasi:

### 3. Fungsi aktivasi Sigmoid Biner

Utk output dengan tipe continue

$$Y = \text{sign}(v) = \frac{1}{1 + e^{-v}}$$

### 4. Fungsi aktivasi Sigmoid Bipolar

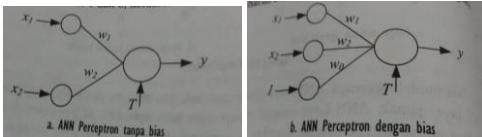
$$Y = \text{sign}(v) = \frac{2}{1 + e^{-v}} - 1$$

## Metode pelatihan yang digunakan berdasarkan Jumlah Layer dlm ANN

- Layer Tunggal  
Perceptron, Delta
- Layer Jamak/multi layer  
Backpropagation, Recurrent Network

## Perceptron

- Merupakan salah satu ANN berlayer tunggal
- Diperkenalkan oleh Fran Rosenbelt (1958)



- Bias  
Berupa vektor masukan 1 dengan bobot  $w_0$ .  
Mempunyai pengaruh dalam meningkatkan/menurunkan input ke fungsi aktivasi

## Perceptron

Memiliki kelemahan:

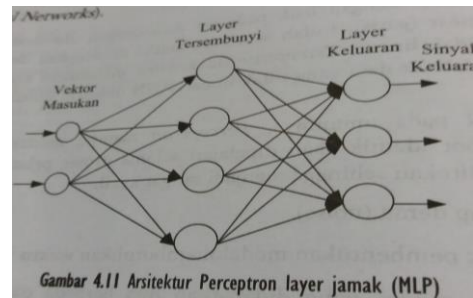
- Keterbatasan komputasi tdk dpt membuat generalisasi global pada basis data yang dilatih secara lokal.
- Tdk bisa bekerja dengan baik utk data yang tidak dapat dipisah secara linear.

## Algoritma Pelatihan Perceptron

```

Algoritma 4.1 Pelatihan Perceptron
D = {(xi, yi) | i = 1, 2, 3, ..., n} adalah himpunan data latih.
Inisialisasi bobot awal w(0)
repeat
  for setiap data latih do
    Hitung v = jumlah hasil kali setiap fitur dengan bobot masing-masing
    Hitung y' dengan fungsi aktivasi
    Hitung error sebagai hasil selisih antara target kelas y dengan y'
    if error masih ada then
      Ubah bobot, w(k+1) = w(k) + η · error · X
    end if
  end for
until kondisi berhenti tercapai
  
```

## Multilayer Perceptron



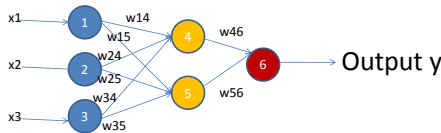
## Multilayer Perceptron

- Merupakan ANN turunan dari perceptron
- Berupa ANN *feedforward* dengan satu atau lebih *hidden layer*

## Backpropagation

- Pertama kali diperkenalkan oleh Bryson & Ho tahun 1969.
- Merupakan metode pembelajaran ANN(jaringan saraf tiruan) yang bekerja melalui proses secara iteratif dengan menggunakan *data training* membandingkan nilai prediksi dari jaringan dengan setiap contoh data.
- Dalam setiap proses bobot relasi jaringan dimodifikasi untuk meminimalkan nilai MSE(Mean Squared Error) antara nilai prediksi dari jaringan dengan nilai sesungguhnya .
- Modifikasi relasi jaringan tsb dilakukan dalam arah mundur dari layer output ke layer pertama dari hidden layer.

## Backpropagation



- Vektor pola masukan diberikan pada **layer input** kemudian dirambatkan ke **layer hidden** sampai nilai output dibangkitkan oleh **layer output**
- Jika nilai/pola output berbeda dengan nilai yang diinginkan hitung error yang dirambatkan balik dari layer output ke layer input dengan melakukan modifikasi bobot selama proses perambatan balik

## Algoritma Backpropagation

- Inisialisasi
  - Tentukan bobot [-0.5 s/d 0.5, haykin 1999]
  - Tentukan fungsi aktivasi
  - Tentukan learning rate
- Repeat
  - Aktivasi
    - Hitung keluaran pd neuron hidden layer
    - Hitung keluaran pd neuron output
  - Perbaharui bobot
    - Hitung gradien error pd neuron output
    - Hitung gradien error pd neuron hidden layer
- Until Kondisi berhenti tercapai

## Algoritma Backpropagation

- Inisialisasi
  - Tentukan bobot [-0.5 s/d 0.5, haykin 1999], fungsi aktivasi, learning rate
- Repeat
  - Aktivasi
    - Hitung keluaran pd neuron hidden layer
    - Hitung keluaran pd neuron output
  - Perbaharui bobot
    - Hitung gradien error pd neuron output
 
$$e_k(p) = y_{dk}(p) - y_k(p)$$

$$\delta_k(p) = y_k(p) \times [1 - y_k(p)] \times e_k(p)$$
 Hitung koreksi bobot:
 
$$\Delta w_{jk}(p) = \eta \times y_j(p) \times \delta_k(p)$$
 Perbarui bobot pada neuron layer keluaran:
 
$$w_{jk}(p+1) = w_{jk}(p) + \Delta w_{jk}(p)$$
    - Hitung gradien error pd neuron hidden layer
 
$$\delta_j(p) = y_j(p) \times [1 - y_j(p)] + \sum_{k=1}^n \delta_k(p) \times w_{jk}(p)$$
 Hitung koreksi bobot:
 
$$\Delta w_{ij}(p) = \eta \times x_i(p) \times \delta_j(p)$$
 Perbarui bobot pada neuron layer tersembunyi:
 
$$w_{ij}(p+1) = w_{ij}(p) + \Delta w_{ij}(p)$$
- Until Kondisi berhenti tercapai

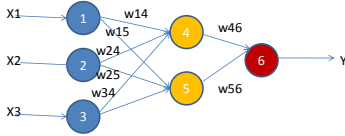
## Keterangan

- Learning rate ( $\eta$ )
  - 0-1, semakin besar nilainya semakin cepat selesai proses pelatihan namun bisa terjebak dlm local optima, semakin kecil nilai semakin lama namun menjamin hasil model yg lebih baik (umumnya 0,1 – 0,3)
- Momentum
  - 0-1 Penambahan momentum utk membantu mempercepat proses pencapaian target error tapi dengan learning rate yg kecil . (umumnya 0,9)

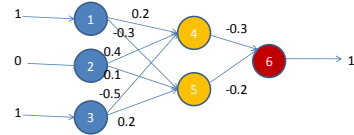
### Contoh:

X1	X2	X3	Y
1	0	1	1
1	1	0	1

Untuk data 1:  
X1: 1, X2: 0, X3 : 1, Output : 1  
Learning rate ( $\eta$ ) : 0.9



X1: 1, X2: 0, X3 : 1, Output : 1  
Inisialisasi bobot awal secara acak.  
W14 = 0.2 W34 = -0.5  
W15 = -0.3 W35 = 0.2  
W24 = 0.4 W46 = -0.3  
W25 = 0.1 W56 = -0.2

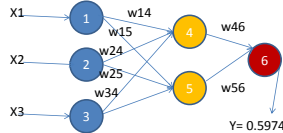


### Iterasi 1: a. Hitung keluaran tiap node

**Neuron 4**  
Input =  $X_1 * W_{14} + X_2 * W_{24} + X_3 * W_{34}$   
=  $1 * 0.2 + 0 * 0.4 + 1 * (-0.5)$   
= -0.3  
 $Y_4 = 1 / (1 + e^{-0.3})$   
=  $1 / (1 + 2.718^{-0.3}) = 0.5744$

**Neuron 5**  
Input =  $X_1 * W_{15} + X_2 * W_{25} + X_3 * W_{35}$   
=  $1 * (-0.3) + 0 * 0.1 + 1 * 0.2$   
= -0.1  
 $Y_5 = 1 / (1 + e^{-0.1})$   
=  $1 / (1 + 2.718^{-0.1}) = 0.525$

**Neuron 6**  
Input =  $Y_4 * W_{46} + Y_5 * W_{56}$   
=  $0.5744 * (-0.3) + (1.1111) * (-0.2)$   
= -0.3945  
 $Y_6 = 1 / (1 + e^{-0.3945})$   
=  $1 / (1 + 2.718^{-0.3945}) = 0.5974$

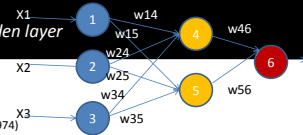


### Iterasi 1: b. Hitung nilai error output & hidden layer

**Neuron 6**  
 $Err_6 = Y_6 * (1 - Y_6) * (Y_{target} - Y_6)$   
=  $0.5974 * (0.9 - 0.5974) * (1 - 0.5974)$   
= 0.0728

**Neuron 5**  
 $Err_5 = Y_5 * (1 - Y_5) * Err_6 * W_{56}$   
=  $0.525 * (0.9 - 0.525) * 0.0728 * (-0.2)$   
= -0.00287

**Neuron 4**  
 $Err_4 = Y_4 * (1 - Y_4) * Err_6 * W_{46}$   
=  $0.5744 * (0.9 - 0.5744) * 0.0728 * (-0.3)$   
= -0.0041



### Iterasi 1: c. Modifikasi / Hitung bobot baru

$W_{46} = W_{46} + \eta * Err_6 * Y_4$   
=  $(-0.3) + 0.9 * 0.0728 * 0.5744$   
= -0.2624

$W_{56} = W_{56} + \eta * Err_6 * Y_5$   
=  $(-0.2) + 0.9 * 0.0728 * 1.1111$   
= -0.1272

$W_{14} = W_{14} + \eta * Err_4 * X_1$   
=  $0.2 + 0.9 * (-0.0041) * 1$   
= 0.1963

$W_{15} = W_{15} + \eta * Err_4 * X_1$   
=  $(-0.3) + 0.9 * 0.0034 * 1$   
= -0.2941

$W_{24} = W_{24} + \eta * Err_4 * X_2$   
=  $0.4 + 0.9 * (-0.0041) * 0$   
= 0.4

$W_{25} = W_{25} + \eta * Err_4 * X_2$   
=  $0.1 + 0.9 * (0.0034) * 0$   
= 0.1

$W_{34} = W_{34} + \eta * Err_4 * X_3$   
=  $-0.5 + 0.9 * (-0.0041) * 1$   
= -0.537

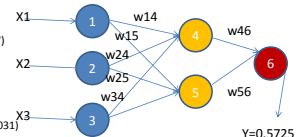
$W_{35} = W_{35} + \eta * Err_4 * X_3$   
=  $0.2 + 0.9 * (0.034) * 1$   
= 0.2031

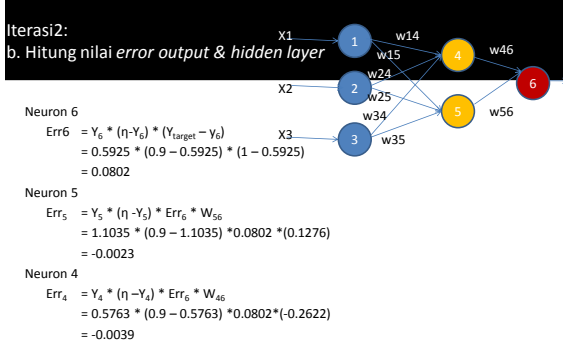
### Iterasi 2: a. Hitung keluaran tiap node

**Neuron 4**  
Input =  $X_1 * W_{14} + X_2 * W_{24} + X_3 * W_{34}$   
=  $1 * 0.1963 + 0 * 0.4 + 1 * (-0.5037)$   
= -0.3074  
 $Y_4 = 1 / (1 + e^{-0.3074})$   
=  $1 / (1 + 2.718^{-0.3074}) = 0.5763$

**Neuron 5**  
Input =  $X_1 * W_{15} + X_2 * W_{25} + X_3 * W_{35}$   
=  $1 * (-0.2969) + 0 * 0.1 + 1 * (0.2031)$   
= -0.0938  
 $Y_5 = 1 / (1 + e^{-0.0938})$   
=  $1 / (1 + 2.718^{-0.0938}) = 1.1035$

**Neuron 6**  
Input =  $Y_4 * W_{46} + Y_5 * W_{56}$   
=  $0.5763 * (-0.2622) + (1.1035) * (-0.1276)$   
= -0.2919  
 $Y_6 = 1 / (1 + e^{-0.2919})$   
=  $1 / (1 + 2.718^{-0.2919}) = 0.5725$





Iterasi 2:  
c. Modifikasi / Hitung bobot baru

$$W_{46} = W_{46} + \eta * Err_6 * Y_4$$

$$= (-0.2622) + 0.9 * 0.0802 * 0.5763$$

$$= -0.2206$$

$$W_{24} = W_{24} + \eta * Err_4 * X_2$$

$$= 0.4 + 0.9 * (-0.0039) * 0$$

$$= 0.4$$

$$W_{25} = W_{25} + \eta * Err_5 * X_2$$

$$= 0.1 + 0.9 * 0.0023 * 0.5763$$

$$= 0.1$$

$$W_{34} = W_{34} + \eta * Err_4 * X_3$$

$$= 0.1 + 0.9 * (-0.0039) * 1$$

$$= -0.5072$$

$$W_{35} = W_{35} + \eta * Err_5 * X_3$$

$$= 0.2031 + 0.9 * 0.0023 * 1$$

$$= 0.2052$$

$$W_{56} = W_{56} + \eta * Err_6 * Y_5$$

$$= (-0.1276) + 0.9 * 0.0802 * 1.1035$$

$$= -0.0479$$

$$W_{14} = W_{14} + \eta * Err_4 * X_1$$

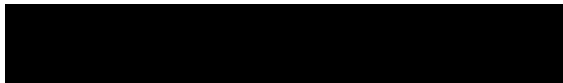
$$= 0.1963 + 0.9 * (-0.0039) * 1$$

$$= 0.1928$$

$$W_{15} = W_{15} + \eta * Err_5 * X_1$$

$$= (-0.2969) + 0.9 * 0.0023 * 1$$

$$= -0.2948$$



Ulangi iterasi hingga

- Nilai MSE antara  $Y_{prediksi}$  dengan  $Y_{target}$  Minimum
- $Err < Err_{target}$  tercapai.

Latihan

- Buatlah ANN dengan menggunakan metode backpropagation untuk data berikut:

No	Lampu	Jarak	Waktu
X1	X2	Y	
1	2	0,50	9,95
2	8	1,10	24,45
3	11	1,20	31,75
4	10	5,50	35,00
5	8	2,95	25,02